

## Číselné charakteristiky diskrétného rozdelenia

Nech náhodné veličiny X, Y nadobúdajú hodnoty

$$x = [-2 \quad -1 \quad 0 \quad 1 \quad 2 \quad 3 \quad 4]$$

$$y = [3 \quad 4 \quad 5 \quad 6 \quad 7 \quad 8]$$

Použijeme Matlab na to, aby nám vyrobil pravdepodobnostnú funkciu vektora (X,Y). Z rozmerov vektorov x, y vidno, že tabuľka, ktorá by mala určovať pravdepodobnostnú funkciu, musí mať rozmery 7 x 6.

$$pf = \text{rand}(7, 6) ;$$

Aby pf mohla naozaj reprezentovať pravdepodobnostnú funkciu, musí byť súčet všetkých jej prvkov 1 (prečo?). Použijeme príkaz sum, ktorý v matici vykoná súčty prvkov v stĺpcoch. Pri vektoroch (stĺpcových aj riadkových) sčíta všetky prvky.

$$sf = \text{sum}(\text{sum}(pf))$$
$$pf = pf/sf ;$$

Overte, že súčet prvkov v sf je 1.

Poznámka: Maticu pf použijeme na ilustráciu výpočtov jednotlivých číselných charakteristík. Ide o náhodne vytvorené čísla, preto vzťah medzi X, Y určený maticou pf je iba formálny a nemusí zodpovedať žiadnej reálnej situácii.

Postupne budeme počítat číselné charakteristiky veličín X, Y – strednú hodnotu, varianciu, kovarianciu a korelačný koeficient.

Na tento výpočet nie je možné použiť matlabovské príkazy var, cov, corrcoef, pretože tie zodpovedajú situácii, ktorou sme sa zaoberali v 2. kapitole (v čom bola tá situácia iná?).

### Stredná hodnota:

Stredná hodnota je daná vzorcom  $E(X) = \sum_i x_i f(x_i)$ .

Na jej výpočet budeme potrebovať vektor pravdepodobnostného rozdelenia  $f_x(x)$  premennej X samostatne (bez ohľadu na jej vzťah ku Y). Ten získame z tabuľky f súčtom hodnôt v jej riadkoch:

$$fx = \text{sum}(f')$$

Výpočet strednej hodnoty (možno si ho predstaviť ako skalárny súčin vektorov x a fx) v matlabe počítame ako súčin matic (prvý vektor musí byť riadkový, druhý stĺpcový):

$$Ex = x * fx'$$

Podobne vypočítajte EY.

### Variancia:

Vzorec pre varianciu je  $\text{var}(X) = E(x^2) - (E(x))^2$ , kde  $E(x^2) = \sum_i x_i^2 f(x_i)$ .

V matlabe:

$$\text{varx} = (x.^2)*fx' - Ex^2 .$$

Podobne vypočítajte vary.

### Kovariancia:

Kovarianciu počítame podľa vzorca  $\text{cov}(X,Y) = E(X.Y) - E(X).E(Y)$ , kde

$$E(X.Y) = \sum_{ij} x_i y_j f_{ij} =^1$$

$= \begin{matrix} x_1 y_1 f_{11} + x_1 y_2 f_{12} + \dots & + x_1 y_n f_{1n} + \\ x_2 y_1 f_{21} + x_2 y_2 f_{22} + \dots & + x_2 y_n f_{2n} + \\ \vdots & \\ \vdots & \\ x_m y_1 f_{m1} + x_m y_2 f_{m2} + \dots & + x_m y_n f_{mn} = \end{matrix}$	$= \begin{matrix} x_1 (f_{11} y_1 + f_{12} y_2 + \dots + f_{1n} y_n) + \\ x_2 (f_{21} y_1 + f_{22} y_2 + \dots + f_{2n} y_n) + \\ \vdots \\ \vdots \\ x_m (f_{m1} y_1 + f_{m2} y_2 + \dots + f_{mn} y_n) = \end{matrix}$
--	--

$= [x_1, x_2, \dots, x_m] * \begin{bmatrix} f_{11} y_1 + f_{12} y_2 + \dots + f_{1n} y_n ; \\ f_{21} y_1 + f_{22} y_2 + \dots + f_{2n} y_n ; \\ \vdots \\ \vdots \\ f_{m1} y_1 + f_{m2} y_2 + \dots + f_{mn} y_n \end{bmatrix} =$	$= x * (f*y') = x*f*y'$
---	-------------------------

Vďaka týmto zdĺhavým úpravám dostávame veľmi stručné vyjadrenie matlabe (využívame to, čo sme už vypočítali v predošlých bodoch):

$$\text{covxy} = x*f*y' - EX*EY$$

### Korelačný koeficient:

Na výpočet korelačného koeficientu v matlabe stačí len dosadiť potrebné hodnoty (získané v predošlých bodoch) do vzorca:

$$\text{kkxy} = \text{covxy} / (\text{varx}*\text{vary})^{0.5} \quad \text{alebo} \\ \text{kkxy} = \text{covxy} / \text{sqrt}(\text{varx}*\text{vary})$$

---

<sup>1</sup> Čísla  $f_{ij}$  sú prvky matice pf.