
PRÍKLAD 5.1

Uvažujme ideálny dolnopriepustný filter s konštantnou magnitudovou frekvenčnou charakteristikou v pásme prepúšťania podľa [obr.5.3](#). Frekvenčná charakteristika sa dá opísať

$$\begin{aligned} H_i(\Omega) &= 1 && \text{pre } |\Omega| < \Omega_0 \\ H_i(\Omega) &= 0 && \text{inde} \end{aligned} \quad (5.24)$$

Potom impulzová odpoveď tejto sústavy bude

$$h_i(n) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} H_i(\Omega) \cdot e^{j\Omega \cdot n} \cdot d\Omega = \frac{\Omega_0}{\pi} \text{si}(\Omega_0 \cdot n) \quad (5.25)$$

Impulzová odpoveď ukazuje na nekonečnú a nekauzálnu sústavu. Riešenie tohto problému sme však už naznačili pri intuitívnej metóde. Pomocou vhodnej oknovej funkcie môžeme $h(n)$ skrátiť na kauzálnu a konečnú postupnosť

$$h(n) = h_i(n) \cdot w_R(n) \quad (5.26)$$

Postupom podľa rov.(5.26) sme dostali impulzovú charakteristiku konečnej dĺžky. Ako však vidíme na [obr.5.6](#), kauzalita systému ešte nie je zachovaná. Túto docielime posunutím skrátenej impulzovej charakteristiky $h(n)$ tak, aby začínala v bode 0 ([viď obr. 5.6](#)). Tento posuv má za následok vytvorenie lineárnej fázovej charakteristiky.

Tabuľka 5.3

| | | a | b | c |
|-------------|---|------|------|------|
| Pravouhlé | $a + b \cos \frac{2\pi n}{N-1} + c \cos \frac{4\pi n}{N-1}$ | 1 | 0 | 0 |
| Hanningovo | $w(n) = \begin{cases} \text{pre } n = 0, 1, \dots, N-1 \\ 0 \text{ pre } n \text{ iné} \end{cases}$ | 0,5 | 0,5 | 0 |
| Hammingovo | | 0,54 | 0,46 | 0 |
| Blackmanovo | | 0,42 | 0,5 | 0,08 |
| Bartletovo | $w(n) = 1 - \frac{2 n }{N-1} \text{ pre } -\frac{N-1}{2} \leq n \leq \frac{N-1}{2}$ | | | |

Tab. 5.3 Oknové funkcie